



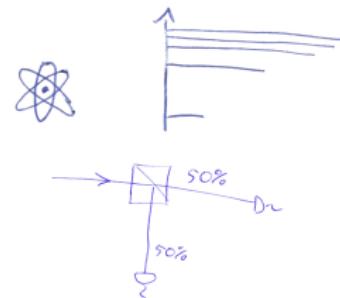
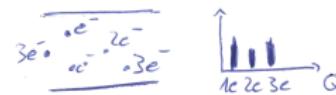
# Zufall in der Quantenkryptographie

Nico Klein,  
qutools GmbH, München

23. November 2017

# Phänomene der Quantenwelt

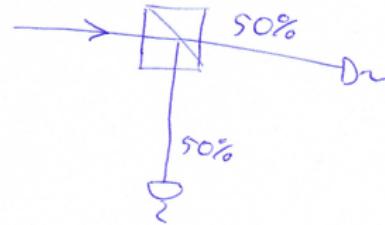
- Quantisierung
- Zufall



vgl. auch Kühlbeck, J., Müller, R., *Die Wesenszüge der Quantenphysik*, 2002

# Phänomene der Quantenwelt

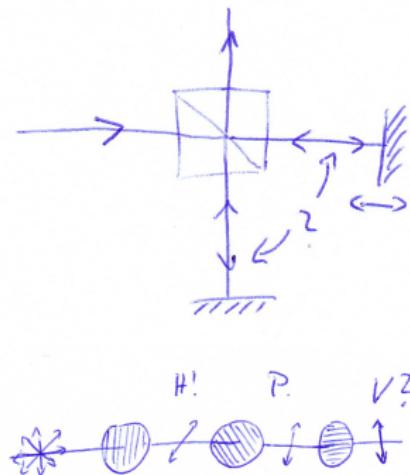
- Quantisierung
- Zufall
- Unbestimmtheit



vgl. auch Kühlbeck, J., Müller, R., *Die Wesenszüge der Quantenphysik*, 2002

# Phänomene der Quantenwelt

- Quantisierung
- Zufall
- Unbestimmtheit
- Welle-Teilchen Dualismus



vgl. auch Kühlbeck, J., Müller, R., *Die Wesenszüge der Quantenphysik*, 2002

# Phänomene der Quantenwelt

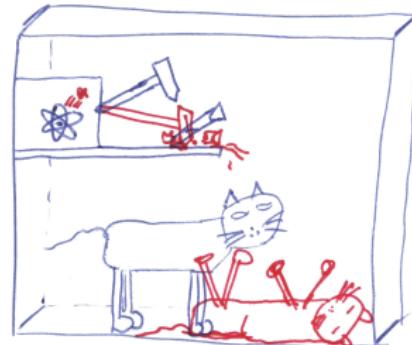
- Quantisierung
- Zufall
- Unbestimmtheit
- Welle-Teilchen Dualismus
- (De-)Kohärenz/Messproblem



vgl. auch Kühlbeck, J., Müller, R., *Die Wesenszüge der Quantenphysik*, 2002

# Phänomene der Quantenwelt

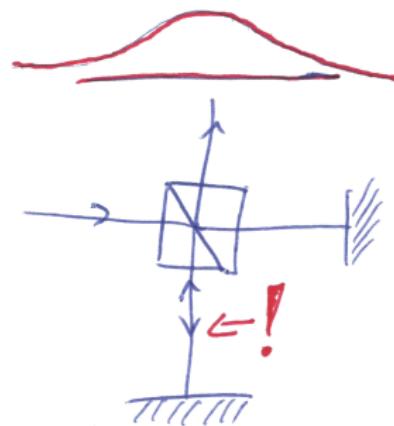
- Quantisierung
- Zufall
- Unbestimmtheit
- Welle-Teilchen Dualismus
- (De-)Kohärenz/Messproblem
- Welcher-Weg-Information



vgl. auch Kühlbeck, J., Müller, R., *Die Wesenszüge der Quantenphysik*, 2002

# Phänomene der Quantenwelt

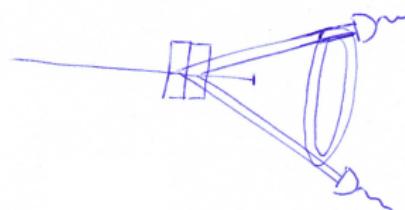
- Quantisierung
- Zufall
- Unbestimmtheit
- Welle-Teilchen Dualismus
- (De-)Kohärenz/Messproblem
- Welcher-Weg-Information
- Verschränkung



vgl. auch Kühlbeck, J., Müller, R., *Die Wesenszüge der Quantenphysik*, 2002

# Phänomene der Quantenwelt

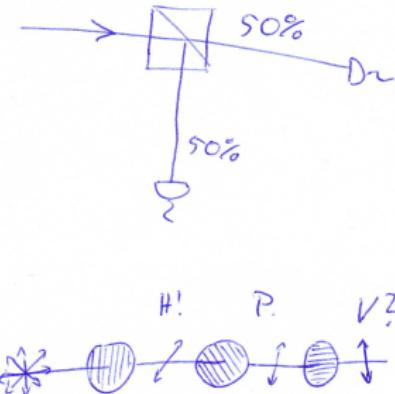
- Quantisierung
- Zufall
- Unbestimmtheit
- Welle-Teilchen Dualismus
- (De-)Kohärenz/Messproblem
- Welcher-Weg-Information
- Verschränkung



vgl. auch Kühlbeck, J., Müller, R., *Die Wesenszüge der Quantenphysik*, 2002

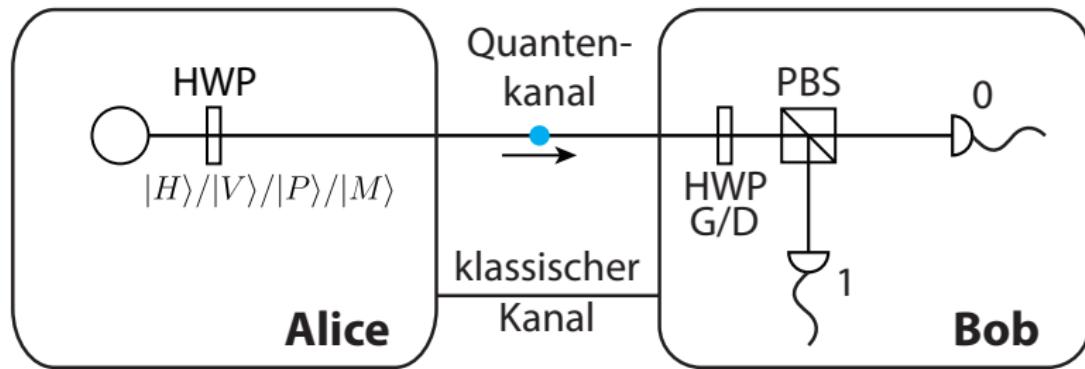
# Phänomene der Quantenwelt

- Quantisierung
- **Zufall**
- **Unbestimmtheit**
- Welle-Teilchen Dualismus
- (De-)Kohärenz/Messproblem
- Welcher-Weg-Information
- Verschränkung



vgl. auch Kühlbeck, J., Müller, R., *Die Wesenszüge der Quantenphysik*, 2002

# Das BB84-Protokoll



# Das BB84-Protokoll

Quantenkanal:

Alices zufällige Bitfolge

Alices zufällige Basiswahl

0	1	1	0	1	0	0	0	1	0	1	0	1
$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$

# Das BB84-Protokoll

**Quantenkanal:**

Alices zufällige Bitfolge

Alices zufällige Basiswahl

gesendete Photonen  $|\cdot\rangle$ 

0	1	1	0	1	0	0	0	1	0	1	0	1	0	1
$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$
P	M	V	H	V	H	H	P	V	P	V	P	M	H	V

# Das BB84-Protokoll

**Quantenkanal:**

Alices zufällige Bitfolge

Alices zufällige Basiswahl

gesendete Photonen  $| \cdot \rangle$ 

Bobs zufällige Basiswahl

0	1	1	0	1	0	0	0	1	0	1	0	1	0	1
$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
P	M	V	H	V	H	H	P	V	P	V	M	H	H	V
$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$

# Das BB84-Protokoll

**Quantenkanal:**

Alices zufällige Bitfolge

Alices zufällige Basiswahl

gesendete Photonen  $| \cdot \rangle$ 

Bobs zufällige Basiswahl

empfangene Bits

0	1	1	0	1	0	0	0	1	0	1	0	1	0	1
$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$
P	M	V	H	V	H	H	P	V	P	V	P	M	H	V
$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
1	1	1		1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1

# Das BB84-Protokoll

**Quantenkanal:**

Alices zufällige Bitfolge  
 Alices zufällige Basiswahl  
 gesendete Photonen  $| \cdot \rangle$   
 Bobs zufällige Basiswahl  
 empfangene Bits

0	1	1	0	1	0	0	0	1	0	1	0	1	0	1
$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$
P	M	V	H	V	H	H	P	V	P	V	P	M	H	V
$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
1	1	1		1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1

**klassischer Kanal:**

Bob sendet Basen

$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$
----------	-----------	-----------	-----------	----------	-----------	----------	-----------	-----------	-----------	----------	----------

# Das BB84-Protokoll

**Quantenkanal:**

Alices zufällige Bitfolge  
 Alices zufällige Basiswahl  
 gesendete Photonen  $| \cdot \rangle$   
 Bobs zufällige Basiswahl  
 empfangene Bits

0	1	1	0	1	0	0	0	1	0	1	0	1	0	1
$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
P	M	V	H	V	H	H	P	V	P	V	P	M	H	V
$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
1	1	1		1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1

**klassischer Kanal:**

Bob sendet Basen  
 Alice bestätigt

$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$		$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$		$\oplus$	$\oplus$	
	✓				✓			✓			✓	✓	

# Das BB84-Protokoll

## Quantenkanal:

Alices zufällige Bitfolge  
 Alices zufällige Basiswahl  
 gesendete Photonen  $| \cdot \rangle$   
 Bobs zufällige Basiswahl  
 empfangene Bits

0	1	1	0	1	0	0	0	1	0	1	0	1	0	1
$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
P	M	V	H	V	H	H	P	V	P	V	P	M	H	V
$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
1	1	1		1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1

## Klassischer Kanal:

Bob sendet Basen  
 Alice bestätigt  
 vermutlich geteilte Bits

$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$		$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$		$\oplus$	$\oplus$		
✓					✓				✓		✓	✓		
1					0				0		0	0		1

# Das BB84-Protokoll

## Quantenkanal:

Alices zufällige Bitfolge  
 Alices zufällige Basiswahl  
 gesendete Photonen  $| \cdot \rangle$   
 Bobs zufällige Basiswahl  
 empfangene Bits

0	1	1	0	1	0	0	0	1	0	1	0	1	0	1
$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
P	M	V	H	V	H	H	P	V	P	V	P	M	H	V
$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
1	1	1		1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1

## Klassischer Kanal:

Bob sendet Basen  
 Alice bestätigt  
 vermutlich geteilte Bits

$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$		$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$		$\oplus$	$\oplus$		
✓				✓				✓			✓		✓	
1				0				0			0		0	1

## Lauschentdeckung:

Bob teilt zufällig  
 Alice bestätigt

1				0										
✓														

# Das BB84-Protokoll

## Quantenkanal:

Alices zufällige Bitfolge  
 Alices zufällige Basiswahl  
 gesendete Photonen  $| \cdot \rangle$   
 Bobs zufällige Basiswahl  
 empfangene Bits

0	1	1	0	1	0	0	0	1	0	1	0	1	0	1
$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
P	M	V	H	V	H	H	P	V	P	V	P	M	H	V
$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
1	1	1		1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1

## Klassischer Kanal:

Bob sendet Basen  
 Alice bestätigt  
 vermutlich geteilte Bits

$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$		$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$		$\oplus$	$\oplus$		
✓				✓				✓			✓		✓	
1				0				0			0		0	1

## Lauscherkentdeckung:

Bob teilt zufällig  
 Alice bestätigt

1		0	
✓		✓	

Restschlüssel

0 0 1

# Das BB84-Protokoll

## Quantenkanal:

Alices zufällige Bitfolge  
 Alices zufällige Basiswahl  
 gesendete Photonen  $| \cdot \rangle$   
 Bobs zufällige Basiswahl  
 empfangene Bits

0	1	1	0	1	0	0	0	1	0	1	0	1	0	1
$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
P	M	V	H	V	H	H	P	V	P	V	P	M	H	V
$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$	$\otimes$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
1	1	1		1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1

## Klassischer Kanal:

Bob sendet Basen  
 Alice bestätigt  
 vermutlich geteilte Bits

$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$		$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\oplus$	$\otimes$	$\otimes$		$\oplus$	$\oplus$		
✓				✓				✓			✓		✓	
1				0				0			0		0	1

## Lauscherkentdeckung:

Bob teilt zufällig  
 Alice bestätigt

1				0										
✓														

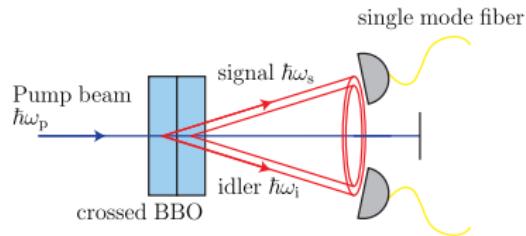
## Restschlüssel

0

0 1

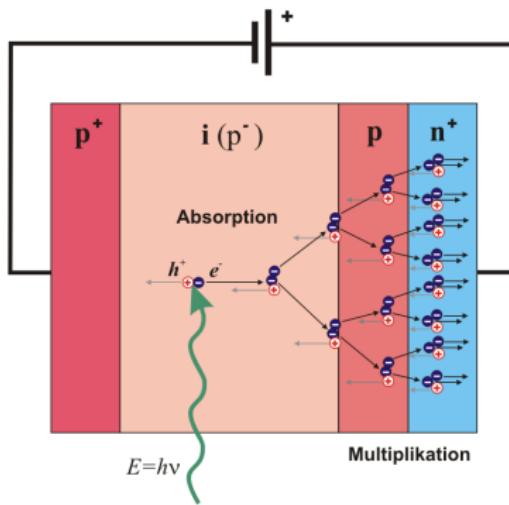
# Hardware: Experimentierkits

- Erzeugung einzelner Photonenpaare über SPDC
- Detektion einzelner Photonen in APDs



# Hardware: Experimentierkits

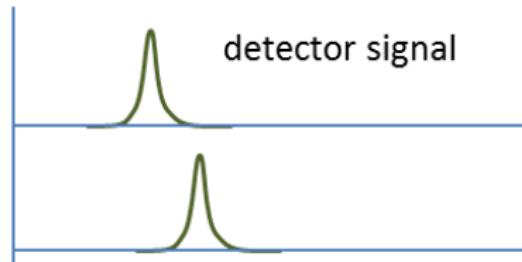
- Erzeugung einzelner Photonenpaare über SPDC
- Detektion einzelner Photonen in APDs
- Zeitauflösung bis zu ~20 ps per FPGA



Aus [https://de.wikipedia.org/  
wiki/Avalanche-Photodiode](https://de.wikipedia.org/wiki/Avalanche-Photodiode),  
November 2017, Kirnehkrib

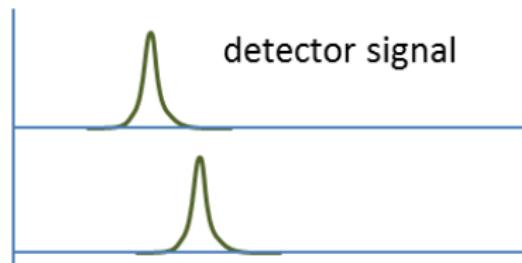
# Hardware: Experimentierkits

- Erzeugung einzelner Photonenpaare über SPDC
- Detektion einzelner Photonen in APDs
- Zeitauflösung bis zu  $\sim 20\text{ ps}$  per FPGA
- Intuitive Software und umfangreiches Manual



# Hardware: Experimentierkits

- Erzeugung einzelner Photonenpaare über SPDC
- Detektion einzelner Photonen in APDs
- Zeitauflösung bis zu  $\sim 20\text{ ps}$  per FPGA
- Intuitive Software und umfangreiches Manual



# Der quED – quantum Entanglement Demonstrator



*"Transparenz."*

# Der Quantenkoffer



*"Usability."*